



# Ambiguïté, comportements et marchés financiers

Meglana Jeleva, Jean-Marc Tallon

## ► To cite this version:

Meglana Jeleva, Jean-Marc Tallon. Ambiguïté, comportements et marchés financiers. 2014. halshs-01109639

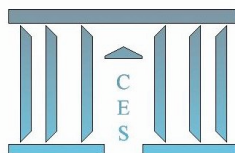
**HAL Id: halshs-01109639**

**<https://shs.hal.science/halshs-01109639>**

Submitted on 26 Jan 2015

**HAL** is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.



**Ambiguïté, comportements et marchés financiers**

Meglana JELEVA, Jean-Marc TALLON

**2014.64**



# Ambiguïté, comportements et marchés financiers \*

Meglena Jeleva<sup>†</sup>

Jean-Marc Tallon<sup>‡</sup>

July 18, 2014

## Abstract

Nous proposons une revue de la littérature récente centrée sur les effets de l’ambiguïté (ou incertitude non probabilisée) sur les comportements des acteurs sur les marchés financiers et sur le fonctionnement de ces derniers. Nous exposons les mécanismes théoriques de choix de portefeuille et de formation de prix d’actifs essentiellement, qui diffèrent de ceux reposant sur des modélisations usuelles en termes d’espérance d’utilité. Nous proposons aussi une revue des résultats empiriques et expérimentaux qui viennent illustrer voire étayer les prédictions théoriques décrites.

**Keywords.** Ambiguïté, attitude vis-à-vis de l’ambiguïté, choix de portefeuille, prix d’actifs

**JEL Classification.** : G02, G11, G12, D81

## 1 Introduction

Le monde financier regorge de données. Et pourtant, force est de constater que, que ce soit pour le particulier qui cherche à se constituer un capital pour sa retraite, l’éducation de ses enfants, un projet immobilier ou tout autre projet, ou pour des investisseurs institutionnels ou encore pour le régulateur, il n’est pas simple de prendre des décisions éclairées<sup>1</sup>. Former des anticipations précises sur les déterminants des cours futurs et leur

---

\*Ce travail a bénéficié d’une aide de l’Etat Français gérée par l’Agence Nationale de la Recherche au titre du programme “Investissements d’avenir” portant la référence ANR-10-LABX-93

<sup>†</sup>EconomiX, Université de Nanterre Paris Ouest, meglena.jeleva@u-paris10.fr

<sup>‡</sup>Paris School of Economics, CNRS, 106 Bd de l’Hôpital, 75647 Paris Cedex 13, France, jean-marc.tallon@univ-paris1.fr

<sup>1</sup>Comme le remarquent Campbell et al. (2011), les 65 dernières années ont vu les ménages américains prendre de plus en plus de décisions financières de plus en plus complexes, et ceci alors même que l’information disponible a aussi cru de manière impressionnante. Il n’est pas sûr que cette combinaison d’une information plus abondante et d’une complexité croissante ait conduit les ménages à faire de meilleurs choix que dans le passé.

probabilité d'occurrence n'est pas chose aisée. La complexité du monde dans lequel nous évoluons, la complexité des produits financiers auxquels nous faisons face, conjuguées à nos propres limites cognitives rendent illusoire le fait de pouvoir prévoir finement les aléas susceptibles de nous toucher.

Prendre en compte cette complexité et ces limitations dans les modèles économiques n'est pas toujours chose simple et de multiples options ont été suivies, regroupées, lorsqu'elles traitent de phénomènes financiers, dans un ensemble très hétérogène qualifié de "finance comportementale"<sup>2</sup>. L'option que nous avons choisie dans cet article est de nous concentrer sur un aspect, spécifique, du comportement des acteurs économiques et financiers, à savoir leur attitude vis-à-vis de l'incertitude qui entoure le fonctionnement des marchés financiers. Cette "aversion vis-à-vis de l'ambiguïté" peut être prise en compte via différentes modélisations exposées de manière assez exhaustive dans Machina et Siniscalchi (2013) et Etner, Jeleva, Tallon (2012), elle traduit l'idée que la plupart des décisions financières que nous prenons ont des conséquences dont il est excessivement difficile de connaître la probabilité exacte d'occurrence et que dans un tel contexte, les décisions sont plus difficiles à prendre et les modèles usuels d'espérance d'utilité ne suffisent plus pour représenter les choix des agents.

La littérature sur la prise de décision en présence d'ambiguïté<sup>3</sup> cherche à capturer ces difficultés en affaiblissant les hypothèses du modèle usuel de décision dans le risque, le modèle d'espérance d'utilité de von Neumann et Morgenstern étendu au cas de l'incertain par Savage. Il existe une pluralité de modèles (décrits par Baillon et l'Haridon dans ce numéro) qui propose de tels affaiblissements. Ces modèles proposent de nouveaux critères (fonctionnelles) de décision, axiomatiquement fondés et on peut dater un nouveau départ pour cette littérature à l'année 1989, date de publication des deux articles pionniers (Schmeidler (1989) et Gilboa et Schmeidler (1989)). Ils ont été appliqués avec un succès croissant aux modèles de choix de portefeuille et de prix d'actifs. Les premières "applications" de ces modèles aux choix de portefeuille remontent à l'article pionnier de Dow et Werlang (1992) et se sont multipliés depuis. Les modèles d'équilibre (avec agent représentatif) se sont aussi développés rapidement avec une contribution originale de Epstein et Wang (1994). Les contributions empiriques ont été un peu plus longues à voir le jour, mais se développent aussi rapidement. Ce sont ces vingt cinq années de recherche dans le domaine que nous souhaitons (brièvement et trop partiellement) mettre en avant

---

<sup>2</sup>Barberis et Thaler (2003) en propose une revue. R. Shiller, dans son commentaire de cette revue écrit *I find it odd that there should be a "field" called behavioral finance* soulignant par là que tout modèle reposant sur une spécification des comportements peut revendiquer ce label. Voir aussi Handbook of Behavioral Finance 2010.

<sup>3</sup>La terminologie n'est pas nécessairement très bien établie ni très heureuse. La plupart des articles utilisent incertitude et ambiguïté de manière indifférenciée pour désigner des environnements dans lesquels il n'existe pas de distribution de probabilité connue sur les aléas futurs. Lorsque cette distribution est connue, la littérature parle alors de risque.

dans cet article<sup>4</sup>.

L'article est composé de deux parties, l'une concernant les choix de portefeuille, la seconde se concentrant sur les implications sur le fonctionnement des marchés (et notamment les prix d'actifs). Dans chaque partie, nous avons divisé les approches théoriques en trois grands groupes, à savoir les modèles dits Maxmin espérance d'utilité (*MaxMinEu*), les modèles dits d'incertitude de modèle et enfin les modèles différentiables. Nous nous sommes efforcés de décrire le plus simplement les mécanismes à l'oeuvre dans ces modèles, ce en quoi ils diffèrent des mécanismes provenant du modèle d'espérance d'utilité et avons présenté les développements empiriques et expérimentaux qui illustrent (ou, parfois, contredisent) les mécanismes théoriques décrits.

## 2 Choix de portefeuille

L'ambiguïté, combinée avec l'aversion à l'ambiguïté, affecte les choix de portefeuille et permet d'expliquer des comportements qui peuvent être significativement différents des comportements en présence de risque, tout en correspondant à des choix observés sur les marchés (voir par exemple Haliassos , Bertaut (1995), Broihane et alii (2005), Séjourné (2006)). Ces comportements concernent essentiellement:

- la faible participation;
- l'impact d'une variation des prix sur la composition des portefeuilles ;
- la sous-diversification et le biais domestique;
- la modification de la composition des portefeuilles en réaction à de nouvelles informations.

Il apparaît plus précisément que si le risque pousse les investisseurs à la mise en place de stratégies complexes de couverture et à l'adaptation permanente de ces stratégies aux nouvelles conditions de marché et aux nouvelles informations, l'ambiguïté va plutôt être à l'origine de non participation et de manque de réaction aux modifications des conditions de marché.

Les premiers à avoir étudié l'impact de l'ambiguïté et de l'aversion pour l'ambiguïté sur les décisions concernant l'achat ou la vente d'actifs financiers sont Dow, Werlang (1992). Leur résultat le plus marquant est l'existence, pour les individus adversaires de l'ambiguïté, d'un intervalle pour le prix d'un actif, dans lequel la décision optimale est de ne pas prendre position sur cet actif, c'est-à-dire de ne pas acheter, ni de vendre. Un tel intervalle (de non participation) n'existe pas pour les investisseurs qui maximisent

---

<sup>4</sup>Témoins de l'importance qu'a prise cette littérature récemment, deux revues de la littérature – Epstein et Schneider (2010) et Guidolin et Rinaldi (2013) – sont récemment parues.

une espérance (objective ou subjective) d'utilité et donc qui sont neutres vis-à-vis de l'ambiguïté.

L'existence d'un tel intervalle est à l'origine d'une inertie de portefeuille, certaines modifications de prix n'ayant pas d'impact sur les choix de portefeuille<sup>5</sup>. Le modèle de Dow et Werlang est utile pour construire un certain nombre d'intuitions concernant la manière dont l'ambiguïté affecte le comportement des individus. Nous présentons donc ce modèle et en tirons quelques enseignements dans une première section avant d'enrichir l'analyse puis, dans une seconde section, d'envisager des modèles dont les mécanismes sont quelque peu différents.

## 2.1 Quelques résultats à partir d'un modèle simple de choix de portefeuille (Dow, Werlang 1992)

L'intuition du résultat de Dow et Werlang (1992) et ses conséquences pour les choix de portefeuilles d'actifs peut être présentée à partir d'un exemple très simple<sup>6</sup>. Considérons un actif qui rapporte  $X$  en valeur actualisée. Le prix unitaire de cet actif est  $\Pi$ .  $X$  peut prendre deux valeurs:  $H$ , si l'état de la nature  $\omega_H$  se réalise ou  $B$ , si l'état de la nature  $\omega_B$  se réalise avec  $H > B$ . L'espace des états de la nature, représentant l'ensemble des possibles, est donc dans ce cas très simple  $\Omega = \{\omega_H, \omega_B\}$ .

### 2.1.1 Achat ou vente d'un actif

Un investisseur doit choisir sa position sur cet actif. Trois décisions sont possibles: acheter une unité de cet actif (décision notée  $D_A$ ), vendre une unité de cet actif (décision notée  $D_V$ ), ne pas prendre position sur cet actif (décision notée  $D_0$ ). Nous supposons que la fonction d'utilité pour la richesse de cet investisseur est linéaire:  $u(x) = x$ . Considérons d'abord le cas sans ambiguïté et déterminons la meilleure décision  $D^*$  en fonction du prix de l'actif. Si la probabilité de l'état de la nature  $\omega_H$  est connue et égale à  $p$  (ce qui implique  $P(\omega_B) = 1 - p$ ), le décideur évalue les différentes décisions comme suit:

$$\begin{aligned} V(D_A) &= p(H - \Pi) + (1 - p)(B - \Pi) = pH + (1 - p)B - \Pi \\ V(D_V) &= p(\Pi - H) + (1 - p)(\Pi - B) = \Pi - [pH + (1 - p)B] \end{aligned}$$

---

<sup>5</sup>L'inertie peut être observée (Ameriks and Zeldes (2004)) et théoriquement mise en évidence en dehors du cas de non participation. Illeditsch (2011) par exemple met en évidence des comportements d'inertie informationnelle: en présence d'ambiguïté, si les agents observent une variation des prix inattendue (ou surprenante) ils peuvent ne pas réagir en modifiant la composition de leur portefeuille comme ils le feraient dans un environnement risqué.

<sup>6</sup>Dow et Werlang supposent que les préférences des investisseurs sont représentées par le modèle d'espérance d'utilité à la Choquet (modèle CEU). Dans ce qui suit, pour décrire plus simplement les intuitions de leurs résultats, nous considérerons des investisseurs dans un contexte MultiPrior avec des préférences *MaxMinEu*.

$$V(D_0) = 0$$

Ainsi,  $D^* = D_A$  si  $\Pi < pH + (1-p)B$  et  $D^* = D_V$  si  $\Pi > pH + (1-p)B$ . L'investisseur est indifférent entre  $D_A$ ,  $D_V$  et  $D_0$  si  $\Pi = pH + (1-p)B$ . Il n'existe donc qu'un seul prix pour lequel la décision  $D_0$  est optimale. En effet, si le prix de l'actif est inférieur à son espérance de gain  $\mu = pH + (1-p)B$ , l'investisseur achète l'actif et, dans le cas contraire, il le vend.

Ce raisonnement est indépendant du statut particulier que nous avons donné à la distribution  $p$ , à savoir que cette probabilité est connue. Si le décideur ne connaît pas la probabilité, mais que ses préférences sont données par le modèle de l'espérance subjective d'utilité (il est neutre vis-à-vis de l'ambiguïté), alors il choisit une décision en maximisant l'espérance de gain par rapport à une probabilité "subjective"  $p$  qu'il utilise dans l'évaluation de toutes les décisions possibles. Les choix optimaux sont les mêmes que dans le cas sans ambiguïté, avec un prix "seuil" donné par l'espérance de gain calculé avec la probabilité subjective  $p$ . La nature objective (risque) ou subjective (incertain) de la probabilité  $p$  n'affecte pas le résultat qu'une position nulle sur l'actif n'est optimale que pour un prix particulier.

Considérons maintenant une situation particulière d'ambiguïté. Les croyances de l'investisseur situent la probabilité de  $H$  dans un intervalle:  $P(\omega_H) \in [\underline{p}, \bar{p}]$ . Supposons que les préférences de l'investisseur sont MaxMinEu (il est adversaire à l'ambiguïté), ses évaluations des décisions possibles vont faire intervenir une probabilité de l'intervalle qui dépend de la décision. Plus précisément:

$$\begin{aligned} V(D_A) &= \min_{p \in [\underline{p}, \bar{p}]} p(H - \Pi) + (1-p)(B - \Pi) = \underline{p}(H - \Pi) + (1 - \underline{p})(B - \Pi) \\ &= \underline{p}H + (1 - \underline{p})B - \Pi = \underline{\mu}_X - \Pi \\ V(D_V) &= \min_{p \in [\underline{p}, \bar{p}]} p(\Pi - H) + (1-p)(\Pi - B) = \bar{p}(\Pi - H) + (1 - \bar{p})(\Pi - B) \\ &= \Pi - \bar{p}H + (1 - \bar{p})B = \Pi - \bar{\mu}_X \\ V(D_0) &= 0 \end{aligned}$$

Dans ce cas:

$$\begin{aligned} D^* &= D_A \text{ si } \Pi < \underline{\mu}_X \\ D^* &= D_V \text{ si } \Pi > \bar{\mu}_X \\ D^* &= D_0 \text{ si } \underline{\mu}_X < \Pi < \bar{\mu}_X \end{aligned}$$

Il existe donc un intervalle pour le prix dans lequel l'investisseur décide de ne pas prendre position sur le titre. L'existence de cet intervalle est due à l'ambiguïté et à l'aversion pour l'ambiguïté. En présence d'un ensemble de croyances, l'investisseur "choisit" une croyance en fonction de la décision qu'il a à évaluer. Un investisseur qui a de l'aversion

pour l'ambiguïté utilisera, par prudence, la croyance qui donne l'évaluation la plus défavorable de la décision considérée. Ainsi, la probabilité utilisée pour évaluer la décision d'achat est  $\underline{p}$ , et celle utilisée pour la décision de vente est  $\bar{p}$ . Pour acheter, le prix doit être suffisamment faible pour que, même si la probabilité de  $H$  est la plus faible possible, l'espérance de gain soit supérieure au prix. De même, pour décider de vendre, le prix doit être suffisamment élevé pour que, même si la probabilité est la plus élevée, l'espérance de gain soit inférieure à ce prix. Lorsque le prix ne vérifie aucune de ces conditions, l'investisseur ne prend pas position. L'intervalle de prix pour lequel l'agent ne prend pas position est d'autant plus grand que l'ensemble de probabilités possibles est grand. Ainsi, plus il y a d'ambiguïté, plus la non participation est fréquente.

### 2.1.2 Niveau d'investissement optimal

Généralisons un peu le modèle précédent en supposant que l'investisseur a une fonction d'utilité concave et déterminons le nombre d'unités de l'actif qu'il va acheter ou vendre (à découvert). Nous supposons qu'il a une richesse initiale  $W$ . Si nous notons  $\theta$  le nombre d'unités à acheter ( $\theta > 0$ ) ou vendre ( $\theta < 0$ ), le nombre optimal d'unités,  $\theta^*$  pour l'investisseur dont les préférences sont Max Min Eu est solution de:

$$\text{Max}_{\theta} \quad \text{Min}_{p \in [\underline{p}, \bar{p}]} \quad pu(W + \theta(H - \Pi)) + (1 - p)u(W + \theta(B - \Pi))$$

D'après la section précédente, suivant le signe de  $\theta$ , la valeur minimale de l'espérance d'utilité ne sera pas atteinte pour la même probabilité et la fonction à maximiser pour déterminer  $\theta^*$  ne s'écrira pas de la même façon. Plus précisément,

1. Si l'investisseur achète des unités de l'actif, ce qui correspond à  $\theta > 0$ ,  $\theta^*$  est solution de:

$$\text{Max}_{\theta} \quad \underline{p}u(W + \theta(H - \Pi)) + (1 - \underline{p})u(W + \theta(B - \Pi))$$

2. Si l'investisseur vend à découvert des unités de l'actif, ce qui correspond à  $\theta < 0$ ,  $\theta^*$  est solution de:

$$\text{Max}_{\theta} \quad \bar{p}u(W + \theta(H - \Pi)) + (1 - \bar{p})u(W + \theta(B - \Pi))$$

Considérons le cas 1. Comme dans la section précédente,  $\theta^* = 0 \Leftrightarrow \underline{\mu} < \Pi$ . La condition de premier ordre pour un  $\theta^* > 0$  est:

$$\underline{p}(H - \Pi)u'(W + \theta(H - \Pi)) + (1 - \underline{p})(B - \Pi)u'(W + \theta(B - \Pi)) = 0$$

Une approximation de premier ordre de  $u'(W + \theta(H - \Pi))$  autour de  $W$  permet d'obtenir une valeur approchée pour  $\theta^*$ :



$$\frac{\theta^*}{W} \simeq \frac{\underline{\mu}_Y}{\underline{\mu}_Y^2 R(W)} \quad \text{avec } Y = X - \Pi \text{ et } R(W), \text{ l'indice relatif d'aversion pour le risque.}$$

En utilisant la même approximation pour le cas 2., nous obtenons les valeurs suivantes pour  $\theta^*$ :

$$\begin{aligned} \theta^* &= \frac{\underline{\mu}_Y}{\underline{\mu}_Y^2 R(W)} W & \text{si } \Pi < \underline{p}H + (1 - \underline{p})B \\ &= 0 & \text{si } \underline{p}H + (1 - \underline{p})B < \Pi < \bar{p}H + (1 - \bar{p})B \\ &= \frac{\bar{\mu}_Y}{\bar{\mu}_Y^2 R(W)} W & \text{si } \Pi > \bar{p}H + (1 - \bar{p})B \end{aligned}$$

En comparant les résultats ci-dessus avec ceux obtenus en l'absence d'ambiguïté, on retrouve une part du revenu consacrée à l'achat (ou à la vente) d'actif risqué proportionnelle à la prime de risque (ici  $\underline{\mu}_Y$ ) et inversement proportionnelle à la variance des rendements et au coefficient d'aversion relative pour le risque. Cependant, la prime de risque est différente dans le cas d'un achat et d'une vente (calculée avec une probabilité différente) et il existe un intervalle de prix pour lequel l'actif n'est ni acheté, ni vendu.

### 2.1.3 Diversification

Considérons maintenant la composition optimale d'un portefeuille composé de deux actifs risqués,  $X_1$  et  $X_2$ , dont les caractéristiques sont les mêmes que celles de l'actif  $X$ , et dont les rendements sont indépendants. On note  $\theta_i, i = 1, 2$  le nombre d'unités achetées de l'actif  $i$  et on suppose que l'investisseur répartit tout son revenu entre les deux actifs ce qui implique  $(\theta_1 + \theta_2)\Pi = W$ .  $\theta_1^*$  et  $\theta_2^*$  sont alors solutions de:

$$\begin{aligned} &Max_{\theta_1, \theta_2} Min_{p \in [\underline{p}, \bar{p}]} p^2 u((\theta_1 + \theta_2)H) + p(1 - p) [u(\theta_1 H + \theta_2 B) + u(\theta_1 B + \theta_2 H)] \\ &\quad + (1 - p)^2 u((\theta_1 + \theta_2)B) \\ &\text{sous la contrainte } \theta_1 + \theta_2 = \frac{W}{\Pi} \end{aligned}$$

Il est facile de montrer que  $\theta_1^* = \theta_2^* = \frac{W}{2\Pi}$ . La présence d'ambiguïté ne modifie donc pas sensiblement les stratégies simples de diversification des portefeuilles d'actifs. Cependant, il faut remarquer que si la diversification réduit le risque (le portefeuille diversifié de  $X_1$  et  $X_2$  domine, pour chacune des probabilités de l'intervalle chacun des titres qui le composent au sens de la dominance stochastique d'ordre 2), elle ne diminue pas l'ambiguïté.

Si l'intuition présente dans le modèle de Dow et Werlang sous tend de nombreux articles postérieurs, ces modèles de choix de portefeuille en présence d'ambiguïté permettent de préciser les conditions plus générales sous lesquelles non participation et inertie peuvent apparaître. Nous présentons ci-dessous quelques extensions représentatives de cette littérature, tout d'abord au sein du modèle *MaxMinEu* mais en permettant

une structure financière et temporelle plus riche, puis au sein de modèles dans lesquels l'investisseur est soucieux de la robustesse de ses décisions par rapport à de possibles mauvaises spécifications du modèle stochastique sous jacent. Enfin, nous considérons un modèle dans lequel la réaction des investisseurs à l'ambiguïté n'obéit plus à une logique de minimisation d'une espérance d'utilité par rapport à un ensemble de croyances (ce qui revient à retenir une croyance par décision évaluée) et prend en compte toutes les croyances possibles.

## 2.2 Choix de portefeuille et modèle *MaxMinEu*

La majorité des modèles qui généralisent celui de Dow, Werlang (1992) se placent dans le cadre du modèle Multi Prior ou MaxMinEu de Gilboa et Schmeidler (1989). Les investisseurs doivent composer un portefeuille à partir d'un actif sans risque et d'un ou plusieurs actifs dont les rendements sont ambigus. Les rendements de ces actifs sont supposés suivre des lois normales ( ou lognormales) et l'ambiguïté porte sur les espérances et, éventuellement, les variances de ces lois qui peuvent prendre plusieurs valeurs. Les préférences dans le risque des investisseurs sont supposées de type CARA (Easley, O'Hara 2009) ou CRRA (Epstein, Schneider 2010, Bianchi, Tallon 2014). Dans certains de ces modèles, une distinction est faite entre les risques systémiques et les risques spécifiques (Mukerji, Tallon (2001), Guidolin, Rinaldi (2009)).

Le modèle de choix de consommation et d'épargne sur deux périodes d'Epstein, Schneider (2010) que nous présentons brièvement ci-dessous est représentatif de cette littérature. Un agent reçoit à la date 1 un revenu  $W_1$  et a la possibilité d'investir dans un actif sans risque (rendement  $R^f$ ) et dans  $n$  actifs "ambigus" dont les rendements sont  $R_i, i = 1..n$ . L'ambiguïté sur les rendements des actifs est caractérisée par un ensemble de croyances, noté  $\mathcal{P}$ . Le niveau d'investissement dans chacun des actifs ambigus est noté  $\theta_i, i = 1..n$ .

Les hypothèses de fonction d'utilité logarithmique ( $u(x) = \ln x$ ) et de rendements des actifs suivant des lois lognormales permettent une simplification du problème de décision. La fonction d'utilité permet la séparation du problème de choix d'épargne de celui de choix de portefeuille, et la lognormalité des rendements ( $r = \log(1 + R)$  suit une loi normale) permet de caractériser l'ensemble des croyances uniquement par un vecteur de rendements espérés ( $\mu^r$ ) et une matrice de variance-covariance  $V$ ). L'utilisation en plus de l'approximation pour les logarithmes des rendements du portefeuille proposée par Campbell, Viceira (1999) permet de réduire le problème de décision à une forme proche d'un modèle espérance-variance:

$$Max_{\theta} \quad Min_{(\mu^e, V) \in \mathcal{Q}} \quad r^f + \theta' \mu^e - \frac{1}{2} \theta' V \theta$$

où  $\mu^e$  est une mesure de la prime de risque associée au vecteur des différents actifs (pour un actif  $i$ ,  $\mu_i^e = \mu_i^r + \frac{1}{2}(Var(r_i) - r^f)$ ),  $\mathcal{Q}$  est l'ensemble des paramètres  $(\mu^e, V)$  associés aux croyances dans  $\mathcal{P}$ .

Différentes hypothèses sur le nombre et le type des actifs ambigus, ainsi que sur le nombre de périodes permettent de vérifier la robustesse et d'enrichir les résultats du modèle simple présenté dans la section 2.1.

### 2.2.1 Un actif ambigu et un actif sans risque

Supposons, comme Epstein, Schneider (2010) que l'ambiguïté ne porte que sur l'espérance des rendements, plus précisément,  $\mu^e \in [\bar{\mu}^e - x, \bar{\mu}^e + x]$  ( $\bar{\mu}^e$  est une valeur de référence). Le montant  $\theta^*$  investi dans l'actif ambigu est dans ce cas solution de:

$$Max_{\theta} \quad Min_{\mu^e \in [\bar{\mu}^e - x, \bar{\mu}^e + x]} \left\{ r^f + \theta \mu^e - \frac{1}{2} \theta^2 \sigma^2 \right\} \quad (1)$$

ce qui donne:

$$\begin{aligned} \theta^* &= \frac{\bar{\mu}^e - \bar{x}}{\sigma^2} & \text{si } \bar{\mu}^e - \bar{x} > 0 \\ &= 0 & \text{si } \bar{\mu}^e - \bar{x} < 0 < \bar{\mu}^e + \bar{x} \\ &= \frac{\bar{\mu}^e + \bar{x}}{\sigma^2} & \text{si } \bar{\mu}^e + \bar{x} < 0 \end{aligned}$$

La forme de la fonction à maximiser permet de bien comprendre la différence entre l'impact du risque et de l'ambiguïté sur le choix de portefeuille et sur la décision de participation. Une augmentation de l'ambiguïté, qui correspond ici à une augmentation du paramètre  $x$  est perçue comme une variation "défavorable" du rendement moyen, et non comme une variation du risque. Une telle augmentation augmente l'intervalle de non participation. De même, pour toute valeur de référence  $\mu^e$ , une augmentation suffisante de l'ambiguïté peut inciter les adversaires à l'ambiguïté à quitter le marché des actifs ambigus. En revanche, une augmentation du risque, qui correspond ici à une augmentation de la variance des rendements n'a pas d'impact sur la participation, mais uniquement sur le niveau d'investissement dans l'actif ambigu (effet de second ordre)

### 2.2.2 Un actif risqué et un actif ambigu

Dans le cas précédent, l'alternative à l'actif ambigu est un actif non risqué et non ambigu: tout placement dans cet actif protège l'investisseur en même temps de l'ambiguïté et du risque. Retrouve-t-on un résultat de non participation s'il n'y a pas d'actif sans risque et si le choix doit se faire entre un actif risqué et un actif ambigu? La réponse est positive dans le cas de rendements continus, même si, pour un rendement de référence  $\bar{\mu}^e$  le niveau d'ambiguïté nécessaire pour générer de la non participation est plus élevé car l'actif non ambigu permet désormais de se protéger contre l'ambiguïté mais ne permet pas d'éviter le risque.

Si on considère, comme Epstein, Schneider (2010) que l'actif non ambigu  $r_f$  est risqué, avec une espérance  $\mu^f$ , une variance  $\sigma_f^2$  et si  $cov(r_f, r) = s$ ,  $\theta^*$  devient solution de:

$$Max_{\theta} \quad Min_{\mu^e \in [\bar{\mu}^e - \bar{x}, \bar{\mu}^e + \bar{x}]} \quad \left\{ \mu^f + \theta(\mu^e - s) - \frac{1}{2}(\theta^2 \sigma^2 + \sigma_r^2) \right\}$$

L'investisseur ne participe pas lorsque  $\bar{\mu}^e - \bar{x} - s < 0 < \bar{\mu}^e + \bar{x} - s$ . L'intervalle de non participation dépend ici de la corrélation entre l'actif risqué et l'actif ambigu. Si celle-ci est négative, il y a possibilité de couverture entre l'actif risqué et ambigu et pour un  $\bar{\mu}^e$  donné, le niveau d'ambiguïté qui aboutit à la non participation est plus élevé.

### 2.2.3 Plusieurs actifs ambigus

Lorsque plusieurs actifs ont des rendements ambigus, la participation va dépendre de l'ambiguïté sur chacun des actifs et aussi de la corrélation de leurs rendements et de la relation entre leurs "ambiguïtés". Si les rendements sont indépendants (matrice  $V$  diagonale), certains actifs seront échangés et d'autres, non, en fonction de leurs rendements moyens et de l'ambiguïté sur ces rendements.

La diversification est-elle dans un tel contexte une stratégie optimale et quel est son impact sur l'ambiguïté? La réponse à cette question dépend de l'indépendance entre l'ambiguïté des différents rendements, ou, plus précisément, de la relation éventuelle entre les paramètres  $\bar{x}_i$  associés aux différents actifs. Si l'ambiguïté est indépendante entre actifs c'est-à-dire si un rendement moyen très éloigné du rendement de référence pour un actif ne nous apprend rien sur les rendements moyens des autres actifs, alors la diversification est une stratégie optimale, mais l'ambiguïté du portefeuille ne diminue pas lorsque le nombre d'actifs augmente. En revanche, si un facteur commun influence l'ensemble des rendements et si un rendement très éloigné du rendement moyen pour un actif implique un rendement peu éloigné du rendement moyen pour les autres actifs, une augmentation du nombre d'actifs réduit l'ambiguïté (un effet de premier ordre se rajoute à l'effet de second ordre). A la limite, dans des situations très particulières, des portefeuilles non ambigus peuvent être construits par diversification.

### 2.2.4 Choix de portefeuille sur plusieurs périodes

Lorsque le choix de portefeuille est étudié sur plusieurs périodes, les investisseurs reçoivent de l'information sur les rendements des actifs et peuvent mettre en place des stratégies de couverture (ou de diversification) inter-temporelle du risque (ou de l'ambiguïté). Dans un modèle *MaxMin*Eu récursif, Epstein, Schneider (2010) mettent en évidence deux nouveaux effets de l'ambiguïté sur le choix de portefeuille: (i) la politique optimale de gestion de portefeuille comporte des règles d'entrée et sortie résultant de l'impact de nouvelles informations sur l'ambiguïté des rendements qui peuvent entraîner (par le mécanisme

de non participation sur une période), le retrait des investisseurs du marché de certains titres, puis leur retour; (ii) dans ce contexte apparaît une nouvelle demande de couverture, contre le risque de non participation dans les périodes futures résultant de l'observation d'un rendement faible.

### 2.2.5 Quelques éléments empiriques

Une littérature empirique et expérimentale s'est développée autour de la question de l'impact de l'ambiguïté et de l'aversion à l'ambiguïté sur les choix de portefeuille. Cependant, ces travaux se sont heurtés à des difficultés aussi bien méthodologiques (comment isoler l'impact de l'ambiguïté et de l'aversion à l'ambiguïté sur les choix, quelle est la forme d'ambiguïté pertinente en choix de portefeuille,...), que plus pratiques (accès à des bases de données exploitables, recrutement de sujets d'expérimentation en dehors des étudiants,...). Les travaux existants diffèrent par le mode de recueil des données (choix déclarés: expérience contrôlée avec rémunération des sujets ( Bossaert et alii 2010) ou enquête par questionnaire (Dimmock et alii 2013) ou choix observés: utilisation de données bancaires). Certains travaux combinent les différentes approches, comme Bianchi, Tallon (2014). Les principaux résultats de ces travaux sont:

- une forte hétérogénéité dans l'attitude vis-à-vis de l'ambiguïté (voir par exemple Bossaert et alii (2010), Ahn et alii (2011), Potamites, Zhang (2012));
- une corrélation indéterminée entre attitude vis-à-vis du risque et de l'ambiguïté (par exemple, Potamites, Zhang (2012) concluent à une faible corrélation positive, alors que dans Bianchi, Tallon (2014), la corrélation est très proche de zéro);
- des décisions fréquentes de non participation et une faible détention d'actifs ambigus (voir par exemple Dimmock et alii (2013));

### 2.2.6 Conclusion d'étape

Le modèle *MaxMinEu*, et sa généralisation, le modèle  $\alpha$ *MaxMinEu* ont été critiqués pour leur utilisation partielle de l'ensemble des croyances (et leur conception réductrice de l'attitude vis-à-vis de l'ambiguïté), seule la distribution de probabilité donnant l'évaluation la plus défavorable étant prise en compte dans le modèle *MaxMinEu*, et seules les distributions donnant la meilleure et la plus défavorable des évaluations étant prises en compte dans  $\alpha$ *MaxMinEu*. Cette conception de l'attitude vis-à-vis de l'ambiguïté est à l'origine des effets de premier ordre de l'ambiguïté dans le modèle *MaxMinEu*, de la discontinuité dans les évaluations des rendements des portefeuilles d'actifs au voisinage de la certitude et explique notamment les intervalles de non participation et l'inertie de portefeuille que nous avons présentés précédemment.

Ces phénomènes ne peuvent pas apparaître lorsque les préférences des agents en présence d’ambiguïté sont représentées par le modèle d’espérance d’utilité ou par des modèles ”lisses” (différentiables en tout point). On retrouve cependant dans ces modèles des comportements de diversification propres à la présence d’ambiguïté et ils permettent d’étudier l’impact de l’ambiguïté et de l’aversion pour l’ambiguïté sur les choix de portefeuille. Les modèles nés soit des critiques du modèle *MaxMinEu*, soit d’une vision de l’ambiguïté différente de celle de ce modèle, qui ont donné lieu au plus d’applications aux décisions de choix de portefeuille sont les modèles robustes, prenant en compte explicitement la présence d’une incertitude de modèle, et les modèles avec croyances de second ordre (voir Baillon, L’Haridon dans ce numéro pour plus de détails sur ces modèles; Machina et Siniscalchi (2013) proposent un panorama assez complet des fonctionnelles qui ont été proposées comme modèle de décision en présence d’ambiguïté).

## 2.3 Choix de portefeuille et incertitude de modèle

Hansen et Sargent, dans une série d’articles consacrée aux modèles macroéconomiques<sup>7</sup> considèrent l’ambiguïté comme résultant d’une incertitude de modèle. Ils partent de l’hypothèse que les agents disposent d’une distribution de probabilité de référence sur l’espace des états de la nature (un modèle), mais sont conscients des erreurs de spécification possibles. L’objectif de Hansen et Sargent est de proposer, dans ce contexte, un critère de décision robuste, qui soit aussi peu sensible que possible aux erreurs de spécification. Pour prendre en compte les erreurs de spécification, ils considèrent l’ensemble des modèles possibles en évaluant leur distance par rapport au modèle de référence en utilisant le concept d’entropie. Pour déterminer la décision optimale, il s’agit alors de maximiser l’évaluation (ou l’espérance d’utilité) minimale sur un ensemble de distributions de probabilités auquel appartiennent le modèle de référence ainsi que les autres modèles possibles, pris en compte en fonction de leur distance par rapport au modèle de référence.

La distance entre chaque modèle possible et le modèle de référence est pondérée par un paramètre ”d’ambiguïté” (ou d’incertitude) qui reflète le niveau de confiance dans le modèle de référence. Ce paramètre est propre à chaque problème de décision. Ce modèle de décision est parfois appelé ”modèle avec pénalité”, la pénalité associée à chaque distribution de probabilité (ou modèle) possible étant égale à sa distance par rapport au modèle de référence multipliée par le paramètre d’ambiguïté. Si ce paramètre tend vers l’infini, la pénalité associée à toute distribution autre que la distribution de référence est infinie, seule compte la distribution de référence. Si en revanche le paramètre d’ambiguïté est proche de zéro, la distance compte peu, tous les modèles possibles sont pris en compte et on retrouve des préférences de type *MaxMinEu*. Une variante de ce modèle (appelée ”modèle avec contrainte”) consiste à considérer l’évaluation minimale des décisions sur

---

<sup>7</sup>Hansen, Sargent (2001), Anderson, Hansen, Sargent (2003) etc.

un ensemble de modèles qui regroupe tous les modèles dont la distance par rapport au modèle de référence est inférieure à un seuil.

Le choix de portefeuille en présence d'incertitude de modèle a été étudié d'abord par Maenhout (2000) et Anderson et al. (1999) dans le cadre d'un modèle avec pénalités, et approfondi ensuite par Trojani, Vanini (2002, 2004), Maenhout (2004). Le message principal de ces travaux est que l'incertitude de modèle réduit l'investissement dans l'actif ambigu (et augmente la consommation) par rapport au contexte sans incertitude, l'incertitude agissant comme une augmentation de l'aversion au risque<sup>8</sup>.

Plus précisément, notons  $\psi$  le paramètre de pénalité qui est tel que si  $\psi \rightarrow \infty$ , le niveau d'ambiguïté est faible (les agents sont très confiants dans le modèle de référence et ne prennent pas en considération les modèles alternatifs) et si  $\psi \rightarrow 0$ , le niveau d'ambiguïté est très élevé et les agents ne font pas du tout confiance au modèle de référence. Maenhout (2000) montre que lorsque la fonction d'utilité d'un agent est CRRA de paramètre  $\gamma$ , la part de l'actif ambigu dans un portefeuille composé d'un actif sans risque (de rendement  $r$ ) et d'un actif ambigu  $X$  est:

$$\theta^* = \left( \frac{\psi}{1 + \psi} \right) \frac{\mu_X - r}{\mu_X^2 \gamma}$$

Considérons d'abord les valeurs extrêmes pour  $\psi$ . Pour  $\psi \rightarrow \infty$  ce qui correspond à l'absence d'ambiguïté on retrouve bien la composition de portefeuille standard du modèle de Merton et pour  $\psi \rightarrow 0$ , (ambiguïté maximale), l'agent n'investit pas dans l'actif ambigu. Pour toutes les valeurs finies non nulles de  $\psi$ , l'investissement dans l'actif ambigu est plus faible que ce qu'il aurait été si l'actif avait été simplement risqué, ou si l'investisseur avait des préférences de type espérance d'utilité, correspondant à une neutralité vis-à-vis de l'incertitude de modèle. Tout se passe comme si l'ambiguïté augmentait l'aversion au risque puisque le choix ci dessus est équivalent à celui fait dans le risque avec un coefficient relatif d'aversion au risque de  $\gamma \left( 1 + \frac{1}{\psi} \right)$ .

En considérant deux actifs ambigus, il existe trois sources d'ambiguïté possibles: les distributions des rendements marginaux (évaluées par  $\psi_1, \psi_2$ , et la distribution jointe ( $\psi_0$ )). En supposant que  $\psi_1 = \psi_2 = 0$ , on obtient:

$$\theta_1^* = \theta_2^* = \left( \frac{\psi_0}{1 + \psi_0} \right) \frac{\mu_X - r}{\mu_X^2 \gamma}$$

On retrouve ainsi une diversification parfaite et, comme dans le cas avec un seul actif, une réduction de la demande d'actifs ambigus résultant d'un renforcement de l'aversion vis-à-vis du risque, due à la présence d'incertitude de modèle.

Une analyse plus fine des décisions de diversification est menée par Uppal, Wang

---

<sup>8</sup>En modifiant l'hypothèse de mouvement brownien géométrique de Maenhout (2004), Liu (2010) montre que l'aversion à l'ambiguïté peut augmenter l'investissement dans l'actif ambigu si l'élasticité de substitution inter temporelle est proche de 1.

(2003). Leur principal apport par rapport aux travaux précédents (de Maenhout (2000) et Anderson et al. (1999)) est d'introduire des niveaux d'ambiguïté différents pour les rendements marginaux des différents actifs ambigus ce qui leur permet d'expliquer l'existence de portefeuilles "sous diversifiés" dont la composition est biaisée en faveur de l'actif le moins ambigu, et le biais domestique (home bias puzzle). Notons que le rôle de l'ambiguïté comme source du biais domestique dans les choix de portefeuille est aussi étudié par Benigno, Nistico (2012).

En reprenant le cas avec deux actifs, il est facile de voir qu'en supposant  $\psi_1 \neq \psi_2$  et  $\psi_0 = 0$ , on obtient:

$$\theta_i^* = \left( \frac{\psi_i}{1 + \psi_i} \right) \frac{\mu_X - r}{\mu_X^2 \gamma}, \quad i = 1, 2$$

Le niveau d'ambiguïté étant différent pour les deux actifs, il n'est plus possible d'interpréter la demande d'actifs ambigus comme résultant d'un coefficient d'aversion relatif pour le risque "transformé". On peut aussi noter que si  $\psi_1 > \psi_2$ , le portefeuille sera biaisé en faveur de l'actif 1 aussi bien par rapport au portefeuille à la Merton que par rapport au portefeuille de Maenhout (2000) avec un seul paramètre reflétant l'ambiguïté du modèle.

## 2.4 Choix de portefeuille et croyances de second ordre

Le modèle de Klibanoff et alii (2005) propose une autre façon d'introduire de l'ambiguïté et de prendre en compte l'incertitude de modèle. En absence d'ambiguïté, si la distribution de probabilité sur les états de la nature est connue, les agents évaluent les décisions par une espérance d'utilité, la fonction  $u$  caractérisant l'attitude vis-à-vis du risque. L'incertitude de modèle se traduit ici par un ensemble subjectif de distributions de probabilités possibles muni d'une distribution a priori, notée  $\mu$ . L'évaluation d'une décision dans un tel contexte fait intervenir une deuxième fonction d'utilité, notée  $\phi$  qui caractérise l'attitude vis-à-vis de l'ambiguïté. Un agent est caractérisé dans ce modèle par un triplet  $(u, \phi, \mu)$ .

L'avantage de ce modèle est sa capacité à séparer l'attitude vis-à-vis du risque et de l'ambiguïté et de permettre une définition claire de l'accroissement de l'ambiguïté. Par ailleurs, les propriétés de continuité et de différentiabilité de la fonction représentant les préférences, qui a la forme d'une espérance d'utilité à deux niveaux, permettent la transposition assez directe des techniques de calcul utilisées dans le modèle d'espérance d'utilité dans le risque. Ce modèle a été très rapidement utilisé pour l'analyse des choix de portefeuille.

Un exemple numérique simple, proposé dans l'article établissant les fondements axiomatiques du modèle donne de premiers éléments sur la relation entre aversion vis-à-vis du risque, aversion vis-à-vis de l'ambiguïté et montant placé dans les actifs risqués et



ambigus. Dans cet exemple, l'aversion vis-à-vis de l'ambiguïté semble jouer un rôle similaire (et renforcer) l'aversion vis-à-vis du risque (contrairement à ce qui se produit dans le modèle *MaxMinEu* où les deux jouent des rôles qui peuvent être différents). Ainsi, lorsqu'il s'agit de composer un portefeuille d'un actif ambigu et d'un actif sans risque, une augmentation de l'aversion vis-à-vis de l'ambiguïté (à aversion au risque constante) diminue la part d'actif ambigu dans le portefeuille.

Ce résultat est à nuancer notamment lorsqu'on introduit, en plus de l'actif ambigu et de l'actif sans risque, un actif risqué (non corrélé avec l'actif ambigu). Dans ce cas, l'impact d'un accroissement de l'aversion vis-à-vis du risque et de l'ambiguïté sur la composition du portefeuille diffère. Plus précisément, un accroissement de l'aversion vis-à-vis du risque, tout en diminuant l'investissement dans les actifs "non sûrs" augmente l'intérêt de la diversification entre les deux actifs "non sûrs" et accroît le ratio actif ambigu/actif risqué que l'agent détient. En revanche, un accroissement de l'aversion vis-à-vis de l'ambiguïté diminue fortement l'attrait de l'actif ambigu, et comme placement, et comme outil de diversification. Par conséquent, l'investissement dans l'actif ambigu diminue, celui dans l'actif risqué augmente et le ratio actif ambigu/actif risqué diminue.

Si dans l'exemple simple traité dans Klibanoff et alii (2005) un accroissement de l'aversion vis-à-vis de l'ambiguïté entraîne toujours une réduction de l'investissement en actif ambigu, ce résultat ne se généralise pas à tous types de croyances et fonctions d'utilité. La raison en est qu'un accroissement de l'aversion à l'ambiguïté dans ce modèle (augmentation de la concavité de la fonction  $\phi$ ) agit comme une distorsion des croyances (des lois composées) ressemblant à une augmentation du risque. Or, il est bien connu (voir Rothschild, Stiglitz (1971), Meyer, Ormiston (1985) etc.) qu'un accroissement du risque n'entraîne pas toujours une réduction de l'investissement en actifs risqués. Gollier (2011) met en évidence les conditions sur les croyances et sur les fonctions d'utilité qui garantissent qu'un accroissement de l'aversion vis-à-vis de l'ambiguïté diminue l'investissement dans l'actif ambigu dans le cas d'un portefeuille composé d'un actif certain et d'un actif ambigu.

Une analyse plus approfondie de la composition d'un portefeuille d'un actif risqué, d'un actif ambigu et d'un actif sans risque est menée dans le cadre d'une approche moyenne-variance étendue au modèle différentiable de Klibanoff et al. (2005) par Maccheroni et al. (2013). Ils identifient une caractéristique de l'actif ambigu, qu'ils appellent "mesure alpha" dont le signe détermine le niveau d'investissement d'un adversaire de l'ambiguïté dans l'actif ambigu.

Les décisions de choix de portefeuille avec des préférences à la Klibanoff et al. (2005) ont aussi été étudiées dans un cadre dynamique, notamment par Liu (2011) et Chen et al. (2014). Liu (2011) caractérise les décisions optimales de consommation et de choix de portefeuille d'un investisseur qui a de l'aversion pour l'ambiguïté lorsque les rende-

ments des actifs suivent une dynamique avec changement de régime. Lorsque les fonctions d'utilité sont de type CRRA, il montre que la demande d'actifs peut être décomposée en quatre termes, dont deux correspondent à une demande "myope" (dépendant de l'espérance de rendement le la période  $t+1$ ) ajustée pour prendre en compte l'ambiguïté, et les deux autres termes reflètent la demande pour une couverture inter-temporelle résultant notamment de la présence d'ambiguïté. Chen et al. (2014) retrouvent le même type de résultats, ainsi qu'un sous-investissement dans les actifs ambigus par rapport à un modèle bayésien (espérance d'utilité inter-temporelle) en considérant un modèle différentiable récursif dans un cadre à temps discret et à horizon infini.

### 3 Ambiguïté et l'équilibre des marchés financiers

Dans cette seconde partie, nous explorons les conséquences de la prise en compte de l'ambiguïté sur l'équilibre des marchés. Comme dans la littérature plus traditionnelle, les modèles d'équilibre peuvent être de nature différente, avec soit une optique macro-dynamique dans la lignée du modèle de prix d'actif de Lucas, soit une optique privilégiant l'hétérogénéité des acteurs. Dans les deux cas, l'introduction de l'ambiguïté a des effets riches et variés conduisant à des différences qualitatives et quantitatives entre modèles d'équilibre avec et sans ambiguïté.

Nous organisons la discussion dans cette section en distinguant deux grandes classes d'approches du comportement des investisseurs en présence d'ambiguïté. Les modèles présentés dans la première section reposent sur les intuitions d'inertie des choix développés dans la section 2.1 et dont le modèle de croyances multiples de Gilboa et Schmeidler (1989) est un exemple proéminent. La seconde section quant à elle repose plus sur une vision plus "lisse" du comportement, telle que discutée dans les sections 2.3 et 2.4. Au delà de ces différence d'approches dans la modélisation, les propriétés étudiées sont parfois différentes et, sans raison majeure, la seconde approche a suscité un peu plus de recherches empiriques.

#### 3.1 Indétermination de l'équilibre, incomplétude des marchés et absence de révélation de l'information

Les intuitions données dans la première partie sur la manière dont l'aversion vis-à-vis de l'ambiguïté affecte les choix financiers des investisseurs vont nous permettre de déduire un certain nombre de caractéristiques nouvelles des prix et allocations d'équilibre. Nous organiserons la discussion dans cette première section autour de trois propriétés de l'équilibre général: l'ambiguïté comme source d'indétermination des prix d'actifs, l'ambiguïté comme source d'absence d'échange et d'incomplétude des marchés financiers, l'ambiguïté comme source de non révélation des informations privées à l'équilibre. Ces

trois propriétés seront présentées dans le cadre de modélisations qui reposent souvent sur les intuitions que l'on pourrait avoir dans le cadre d'un modèle simple reposant sur les propriétés des choix de portefeuilles expliquées dans la section 2.1.

### 3.1.1 Prix d'équilibre avec ambiguïté

Le modèle de Dow et Werlang à un actif certain et un actif risqué a permis de mettre en évidence une plage de prix pour laquelle l'investisseur préfère ne pas détenir d'actif risqué. Il n'est pas a priori évident que plongée dans un modèle d'équilibre général, cette propriété ait des conséquences majeures: le prix d'équilibre pourrait se trouver en dehors de cette plage d'inertie, auquel cas les propriétés de l'équilibre ne seraient pas différentes de celles d'un modèle avec des acteurs neutres vis-à-vis de l'ambiguïté.

Il est un cas trivial où l'inertie mise en évidence par Dow et Werlang se traduit par une indétermination des prix d'équilibre. Considérons un modèle avec un seul agent (représentatif), qui aurait des dotations indépendantes des états de la nature, et qui aurait la possibilité d'échanger des actifs risqués. Dans ce cas, l'allocation d'équilibre est, par hypothèse, que l'agent ne détienne aucun actif risqué. Cette allocation est soutenue par un continuum de prix: il s'agit de tous les prix pour lesquels l'investisseur de Dow et Werlang ne souhaitait pas prendre une position différente de zéro sur l'actif risqué.

Epstein et Wang (1994) généralisent considérablement cette intuition dans un modèle de prix d'actif à la Lucas (donc avec un agent représentatif et sans production). Dans ce modèle, par construction, l'agent doit à l'équilibre détenir l'actif (l'arbre de Lucas). L'allocation d'équilibre est donc fixée et le volume des échanges est nul. Le prix d'équilibre est celui qui soutient cette allocation comme une allocation d'équilibre, c'est-à-dire que l'agent, lorsqu'il prend les prix d'équilibre comme donnés et maximise son utilité, souhaite précisément détenir l'arbre. Epstein et Wang donnent dans le cadre d'un modèle dynamique, à horizon infini, avec des processus stochastiques généraux, les conditions pour que l'indétermination du prix des actifs soient possibles à l'équilibre. Cette indétermination conduit naturellement à une volatilité possiblement importante, la sélection des prix parmi tous les prix possibles étant arbitraire et laissant la place pour des "esprits animaux" et des équilibres à taches solaires. Epstein et Schneider (2008) proposent un modèle dynamique avec apprentissage et étudie les propriétés des prix d'actifs. La prime d'ambiguïté dépend maintenant du risque idiosyncrasique et des chocs sur la qualité de l'information peuvent avoir des effets persistants sur les prix.<sup>9</sup> Chen et Epstein (2002) donnent les fondements d'un modèle de prix d'actifs en temps continu<sup>10</sup>, Jeong, Kim et Park (2014) propose des techniques d'estimation de ces modèles en temps continu

---

<sup>9</sup>Voir Ilut (2012) pour un modèle semblable appliqué au taux de change.

<sup>10</sup>Voir aussi les généralisations récentes de Epstein et Ji (2013), Epstein et Ji (2014) et Lin et Riedel (2014), qui permettent notamment de faire porter l'ambiguïté non seulement sur la "moyenne" du processus, mais aussi sur sa volatilité.

avec ambiguïté. Leurs résultats suggèrent qu’une prime d’ambiguïté existe bel et bien, à côté de la prime de risque. Lorsque le modèle incorpore de l’aversion pour l’ambiguïté, l’estimation du coefficient d’aversion pour le risque en est affectée. Enfin, toujours dans cette même veine de modèles basés sur des croyances multiples, Ilut et Schneider (2012) proposent un modèle de cycle en présence d’ambiguïté.

### 3.1.2 Absence d’échange et incomplétude des marchés

Lorsque l’hétérogénéité des investisseurs est prise en compte, l’allocation, d’équilibre n’est pas fixée à l’avance (i.e., n’est pas égale aux dotations initiales), et le processus d’échange prend un rôle central. Une première généralisation de l’inertie des portefeuilles mise en évidence par Dow et Werlang à un modèle d’équilibre général est assez directe. Considérons un modèle dans lequel le risque agrégé est inexistant: chaque agent fait face à un risque microéconomique, qui peut être parfaitement mutualisé puisque les dotations agrégées ne dépendent pas des états du monde. Dans ce cas, et si les ensembles de croyances des agents ont une intersection non vide, l’allocation d’équilibre sera précisément une allocation où aucun agent ne supporte plus aucun risque. A cet équilibre, il est possible de montrer que les prix seront indéterminés, du fait de l’attrait particulier qu’a cette allocation sans risque pour des agents adversaires de l’ambiguïté, attrait qui se traduit par une non différentiabilité des courbes d’indifférence au point de certitude.

Cette même intuition sous-tend les résultats de Billot et al. (2000) et Rigotti, Shannon et Strzalecki (2008) qui s’intéressent aux échanges purement spéculatifs, i.e., ne reposant que sur des différences de croyances. Dans un cadre probabiliste, les différences de croyances conduisent immédiatement à des échanges sur la base de ce désaccord. En revanche, lorsque les croyances sont représentées par des ensembles de croyances, il suffit que l’intersection de ces ensembles soit non vide pour que l’équilibre ne permette pas ”d’échange spéculatif”. En revanche, l’allocation d’équilibre (d’assurance complète pour les agents) peut être indéterminée dans ce cas. A l’inverse, Werner (2014) (Speculative Trade under Ambiguity) développe un modèle dynamique dans lequel l’ambiguïté permet la présence d’échanges spéculatifs dans le long terme. Alors que l’apprentissage conduit à une convergence des croyances dans le cas probabiliste, l’ambiguïté peut amener, et ce même dans le long terme, les agents à garder un désaccord sur les distributions. Dans ce cas, des bulles spéculatives peuvent perdurer.

Les cas d’indétermination de l’équilibre dans un cadre d’aversion pour l’ambiguïté reposent sur le fait que les “non différentiabilités” des courbes d’indifférence dues aux croyances multiples se produisent pour tous les agents en une même allocation. C’est l’une des caractéristiques des économies sans risque agrégé. Ceci peut sembler peu robuste. Pourtant, Mandler (2013) montre, dans un modèle avec production, que ce type de situation peut se produire de manière robuste.

Mukerji et Tallon (2001) développent un modèle dans lequel co-existent une incertitude sur les dotations et une incertitude (idiosyncrasique) sur les paiements des actifs permettant des échanges entre états du monde. Si l'incertitude idiosyncrasique est suffisamment élevée, les agents ne désireront pas utiliser les actifs pour s'assurer. Si l'ambiguïté et l'aversion pour l'ambiguïté sont suffisamment grandes, l'allocation d'équilibre est identique à une allocation d'équilibre d'une économie où ces actifs avec incertitude idiosyncrasique ne seraient pas présents. Qui plus est, alors que multiplier ou dupliquer les actifs permettraient d'atteindre l'allocation d'équilibre de marchés financiers complets si les agents étaient neutres vis-à-vis de l'ambiguïté (par un argument standard de loi des grands nombres), ceci n'est plus le cas en présence d'aversion pour l'ambiguïté. Dans ce dernier cas, une incertitude demeure à la limite, i.e., lorsque les actifs sont dupliques. A l'inverse du modèle en espérance d'utilité, cette opération de duplication ne "complète" pas nécessairement les marchés financiers<sup>11</sup>. Cao, Wang et Zang (2005) dérivent également la non-participation aux marchés financiers du fait de la présence d'ambiguïté. Ils en concluent que, puisque les individus les plus adversaires de l'ambiguïté ne détiendront pas d'actifs dont les paiements sont ambigus, il n'est pas toujours assuré que la prime de risque à payer sur ces actifs soit plus élevée que sur des actifs moins ambigus pour lesquels la participation est plus large.

Les propriétés de l'équilibre en présence d'ambiguïté peuvent justifier l'intervention publique, si celle-ci permet d'aller à l'encontre des effets de l'ambiguïté, par exemple en proposant des garanties aux agents. Caballero et Krishnamurthy (2008) fondent ainsi une politique d'intervention de prêteur en dernier ressort: chaque agent souhaitant se couvrir contre l'ambiguïté surpondère les états du monde qui lui sont néfastes. Mais ces scénarios ne sont pas tous compatibles au niveau agrégé. Ainsi, un prêteur en dernier ressort, sans avoir nécessairement plus d'informations que les acteurs privés, aura une vision globale de l'économie et des états collectifs les plus néfastes et pourra agir en conséquence. Easley and O'Hara (2009) proposent également un modèle de non-participation et en dérive des recommandations en matière de réglementation des dépôts bancaires<sup>12</sup>.

Dans un cadre différent, Rigotti et Shannon (2005) montrent un résultat d'indétermination de l'allocation d'équilibre allant de pair avec une absence d'échange, reposant sur l'incomplétude des préférences. Ces préférences, à la Bewley (2002) créent une non différentiabilité au point de dotations initiales. Ceci génère des propriétés d'équilibre différentes du modèle usuel, en particulier concernant l'indétermination de l'équilibre (voir aussi Carlier et Dana (2013)). Dana et Riedel (2013) proposent un modèle dynamique dans ce cadre et montre que les équilibres intérieurs sont identiques à ceux d'économies peuplées d'agents ayant des préférences de type espérance d'utilité.

<sup>11</sup>Pour des variations et généralisations autour de ce thème, voir De Castro et Chateauneuf (2011), Dana (2004), Chateauneuf, Dana, Tallon (2000).

<sup>12</sup>D'autres études mettent en avant la possibilité d'une liquidité réduite des marchés en présence d'aversion à l'ambiguïté comme Easley, O'Hara (2010a) et (2010b) et Oh (2014).

### 3.1.3 Information et ambiguïté sur les marchés

La propriété d'inertie peut aussi aider à comprendre pourquoi les mécanismes de transmission d'information par les marchés peuvent être affectés en présence d'ambiguïté. Tallon (1998) propose un exemple dans lequel les investisseurs peuvent acheter une information déjà révélée par le système de prix si celui-ci est considéré comme "ambigu". Condie et Ganguli (2011a) étudie la révélation de l'information privée par le marché en présence d'ambiguïté: l'ambiguïté peut générer une forme d'inertie dans la réponse des demandes d'actifs à des changements dans l'information. Cette inertie de la demande par rapport à l'information signifie à son tour que le système de prix peut ne pas refléter toute l'information privée détenue. Des équilibres partiellement non révélateurs peuvent exister de manière robuste. Condie et Ganguli (2011b) montrent qu'il existe aussi, comme dans le modèle EU, des équilibres révélateurs (génériquement). Il existe donc des économies pour lesquels ces deux types d'équilibre co-existent. Condie, Ganguli et Illeditsch (2012) poursuivent cette investigation en précisant plus avant les propriétés d'inertie informationnelle des choix de portefeuille et comment elles se traduisent dans les propriétés informationnelles des prix d'équilibre<sup>13</sup>.

Ozsoylev et Werner (2009) étudient un marché où co-existent un investisseur espérance d'utilité, informé et un investisseur ayant de l'aversion vis-à-vis de l'ambiguïté et ne possédant pas d'information particulière. La révélation d'information est par ailleurs empêchée par la présence d'investisseurs imprédictibles (noise traders), selon une hypothèse usuelle en finance. Dans ce cas, les marchés sont illiquides et de petits chocs d'information peuvent avoir des conséquences importantes sur les prix d'actifs, conduisant à une volatilité "excessive". Mele et Sangiorgi (2013) montrent de leur côté que la présence d'informations privées dans un monde ambigu peut conduire à des équilibres multiples.

Condie et Ganguli (2012) montrent qu'une révélation publique de l'information détenue de manière privée peut conduire à des changements drastiques dans les prix d'équilibre, entraînant aussi une volatilité excessive des prix. Caskey (2009) étudie aussi les propriétés informationnelles de l'équilibre avec des investisseurs ayant de l'aversion vis-à-vis de l'ambiguïté, dans un cadre où les mécanismes sous-jacents sont qualitativement différents puisqu'il se place dans un cadre de "smooth ambiguity preferences". Il montre que les investisseurs peuvent préférer une information agrégée, résumée, plutôt que l'information "brute" et explore les conséquences de ce fait sur les prix d'équilibre.

### 3.1.4 Conclusion d'étape

Le grand nombre de contributions recensées dans cette section montre à quel point la littérature sur la prise en compte de l'ambiguïté dans le fonctionnement des marchés est riche et variée. Des études les plus techniquement ardues aux recommandations de poli-

---

<sup>13</sup>Voir également De Castro, Pesce, Yannelis (2011) et De Castro et Yannelis (2010).

tiques économiques, des modèles avec hétérogénéité aux modèles à agents représentatifs, avec ou sans asymétries d'information, nous avons pu constater que l'aversion pour l'ambiguïté telle que prise en compte dans les modèles présentés ici donne un éclairage nouveau sur les trois grands sujets que nous avons identifiés. Dans cette section les modèles présentés sont essentiellement de la famille maxmin d'espérance d'utilité. L'intuition générale qui sous tend nombre des mécanismes auxquels nous avons fait allusion est que l'aversion pour l'ambiguïté va, d'une manière ou d'une autre, conduire à des échanges moindres et donc une liquidité des marchés financiers plus faible qu'en présence de simples risques. Cette liquidité restreinte conduit alors à une volatilité supérieure des prix, qui auront tendance à réagir plus drastiquement à des chocs (d'information, de dotations etc).

Les propriétés que nous avons présentées dans cette section sont essentiellement de nature théorique. Il est intéressant de noter qu'une partie d'entre elles ont pu faire l'objet d'une étude expérimentale, contrôlée. Bossaerts et al. (2010) proposent une expérience de marché, dans laquelle les sujets font face à trois états du monde et échangent des actifs financiers dont les paiements sont contingents à ces états du monde. L'information donnée aux sujets sur les probabilités des états est calquée sur l'exemple d'Ellsberg: un état à probabilité  $1/3$ , les deux autres états ont une probabilité de  $2/3$  sans qu'il soit possible de raffiner cette information. Les résultats expérimentaux suggèrent que les agents ayant le plus d'aversion vis-à-vis de l'ambiguïté ne détiendront pas de portefeuille aux paiements ambigus pour une plage de prix, conformément à l'intuition développée par Dow et Werlang. Bossaerts et al. trouvent aussi que les prix d'actifs à l'équilibre sont différents de ceux d'une économie sans ambiguïté. Les investisseurs, même lorsqu'ils ont une aversion pour l'ambiguïté élevée, affectent les prix d'équilibre en modifiant la répartition du risque dans l'économie. Füllbrunn, Raub, et Weitzel (2014) trouvent que les effets de l'ambiguïté sur les marchés expérimentaux dépendent grandement du retour (feedback) dont disposent ou non les sujets. Corgnet, Kujal et Porter (2012) proposent un protocole expérimental dans lequel l'information arrive de manière séquentielle. Les résultats de leur expérience vont à l'encontre d'un certain nombre de théories évoquées ci-dessus: il n'existe pas de prime d'ambiguïté dans le prix des actifs, le volume d'échange n'est pas affecté par l'ambiguïté et les prix d'actifs ne sont pas plus volatiles en présence d'ambiguïté. Enfin, les marchés réagissent à une information publique de manière similaire dans le traitement avec et dans le traitement sans ambiguïté. Ce petit nombre d'investigations expérimentales peut paraître étonnant au regard de l'utilisation de plus en plus répandue de la méthode expérimentale en économie. Au vu des résultats contrastés relatés ci-dessus, d'autres études devraient voir rapidement le jour.

## 3.2 Prix du risque et de l'ambiguïté

### 3.2.1 Ambiguïté et énigme de la prime de risque

L'idée que l'introduction d'une aversion vis-à-vis de l'ambiguïté puisse contribuer à expliquer en partie l'énigme de la prime de risque (Mehra et Prescott, 1985) est naturelle et a été avancée dès les premières applications des modèles de décision en univers incertain à des modèles de prix d'actifs. Rieger et Wang (2012) suggèrent d'ailleurs une corrélation entre prime de risque et aversion pour l'ambiguïté à l'aide d'un questionnaire administré dans 27 pays (dont le Canada). Toutefois, cette référence est restée longtemps essentiellement qualitative, alors même que l'énigme de la prime de risque est une énigme avant tout quantitative. Ju et Miao (2012) étudie un modèle de prix d'actif à la Lucas avec une fonction d'utilité récursive dans laquelle sont présents deux ingrédients. Tout d'abord de l'aversion pour l'ambiguïté (du type Klbanoff, Marinacci et Mukerji (2005)) et, deuxièmement, un découplage entre l'élasticité de substitution intertemporelle et l'aversion pour le risque. Ils montrent alors qu'une part substantielle de la prime de risque peut être capturée par l'aversion pour l'ambiguïté. L'aversion pour l'ambiguïté contribue aussi à propager et amplifier les chocs de consommation pour générer une prime de risque fluctuant au cours du temps. L'apprentissage, combiné à l'aversion pour l'ambiguïté, contribue aussi à améliorer la capacité du modèle à reproduire la dynamique des prix d'actifs. Collard et al. (2011) se basent sur l'approche de Bansal et Yaron (2004) pour introduire une ambiguïté sur l'espérance de la loi gouvernant la croissance de la consommation ainsi que sur la persistance des chocs sur cette espérance. Ces processus sont estimés sur la période 1936-1977. Le modèle est ensuite résolu numériquement en utilisant les données de 1978 à 2011, et fournit une série de prix d'actifs qui peut être comparée aux prix observés. Le modèle produit une dynamique intéressante, dans laquelle l'ambiguïté et l'apprentissage jouent un rôle prépondérant, générant des réponses asymétriques à des chocs positifs et négatifs. Miao, Wei and Zhou (2012) se concentrent quant à eux sur la "prime de variance" et montrent que celle-ci peut s'expliquer "à 96%" par l'aversion pour l'ambiguïté.

### 3.2.2 Robustesse, erreurs de spécification et prix d'actifs

Les critères de décision robuste, proposés par Hansen et Sargent, et dont les conséquences pour les choix de portefeuille ont été présentées dans la section 2.3., ont aussi été mobilisés pour l'explication de la prime de risque (Barillas, Hansen et Sargent (2009)) et ont permis de considérer sous un jour nouveau les estimations du coût des fluctuations économiques

<sup>14</sup>.

Liée à cette approche, une série d'articles propose une étude détaillée des caractéristiques

---

<sup>14</sup>Voir également Alonso et Prado (2011) qui trouvent un coût des fluctuations de l'ordre de 10% de la consommation permanente.



des rendements d'équilibre des actifs en présence d'investisseurs mettant en ?uvre des règles d'investissement robustes. Kogan et Wang (2003) établissent, dans un modèle statique, qu'il existe, à l'équilibre, une prime d'ambiguïté sur les actifs et que celle-ci varie entre ces actifs, à l'encontre des résultats du modèle d'évaluation des prix d'actifs usuel (medaf/capm). Uppal et Wang (2003) mènent quant à eux une analyse dynamique en présence de possible mis-spécifications du modèle des investisseurs et montrent que de faibles différences dans l'ambiguïté des rendements peut conduire à des portefeuilles très largement sous-diversifiés (par rapport à des portefeuilles émanant par exemple d'un modèle moyenne-variance habituel)<sup>15</sup>. Boyle, Garlappi, Uppal et Wang (2013) introduisent une hétérogénéité dans les investisseurs<sup>16</sup>, selon leur degré de familiarité avec tel ou tel actif. Les rendements d'équilibre dépendent alors à la fois du risque systématique et du risque idiosyncrasique, ainsi que d'une prime d'ambiguïté. Ces développements montrent les limites du modèle d'évaluation de prix d'actifs financiers (CAPM) traditionnel lorsque l'ambiguïté est présente. Récemment, Pinar (2014) et Ruffino (2013) ont développé des modèles de CAPM dans un cadre robuste ainsi que dans le cadre de croyances de second ordre (voir aussi Guidolin et Liu (2013)).

Leippold, Trojani et Vanini (2008) étudient un modèle de prix d'actif à la Lucas en temps continu et montrent que la présence conjointe d'ambiguïté et d'apprentissage conduit à générer une prime de risque élevée, un taux certain faible et une volatilité excessive. Gagliardini, Porchia et Trojani (2009) mettent en évidence, dans un cadre similaire, les différences que l'ambiguïté génère pour la structure par terme des taux d'intérêt. Faria et Correia-da-Silva (2012) étendent le modèle de Cox à ce cadre robuste et dérivent des équations explicites de prix d'actifs.

D'autres applications de cette approche en termes d'erreurs de spécification et de robustesse incluent Ulrich (2013) sur l'ambiguïté sur l'évolution de l'inflation et des taux d'intérêt sur les bons du Trésor américains, Zhu (2011) sur le prix des actifs dont les paiements dépendent d'événements catastrophiques, ou encore les phénomènes de biais domestiques que nous avons déjà évoqué dans la section 2. 3. (Benigno et Nistico (2012) et Dlugosh et Wang (2014), basé sur un questionnaire).

### 3.2.3 Identifier les sources d'ambiguïté

Une littérature récente s'est attachée à développer des techniques permettant d'extraire l'ambiguïté des données. C. Manski (2005) fait du traitement des données manquantes une source d'ambiguïté et propose différents critères pour y remédier<sup>17</sup>, Anderson, Hansen,

<sup>15</sup>Garlappi, Uppal et Wang (2012) développent un modèle dans lequel les portefeuilles des investisseurs ayant le plus d'aversion pour l'ambiguïté sont plus stables au cours du temps.

<sup>16</sup>Voir aussi Alonso et Prado (2013) qui mettent aussi en avant l'importance de l'hétérogénéité des préférences des acteurs par rapport à l'ambiguïté dans les propriétés des prix d'équilibre.

<sup>17</sup>Voir aussi Galichon et Henry (2011) pour l'utilisation de techniques en provenance des modèles d'ambiguïté pour aborder le problème de l'identification économétrique des paramètres ainsi qu'un ex-

et Sargent (2003) introduisent en économie la théorie statistique de la détection qui permet de quantifier, étant donné des données de séries temporelles, quel degré de misspécification un décideur pourrait ou devrait redouter.

Empiriquement, plusieurs approches ont vu le jour pour distinguer risque et ambiguïté dans les données. Diether, Malloy et Scherbina (2002) montrent que les titres dont les prévisions de paiements (par des analystes professionnels) sont très dispersées ont un rendement futur plus bas que celui de titres similaires mais dont les prévisions de paiement sont plus concentrées. Anderson, Ghysels, Juergens (2009) assimilent risque et volatilité passée tandis que l'ambiguïté est appréhendée au travers du désaccord entre prévisionnistes professionnels. Ils trouvent sur données américaines qu'il existe un arbitrage entre rendements et ambiguïté plus fort qu'entre rendements et risque. Boyarchenko (2012) revient sur la crise financière de 2007/2008 et montre que l'envolée des spreads sur les *Credit Default Swap* durant cette période peut s'expliquer par un accroissement soudain du doute que les investisseurs pouvaient entretenir sur leur modèle de pricing et sur la qualité des signaux disponibles sur le marché. L'annonce de la BNP-Paribas en Août 2007 est identifiée comme le point de départ de cet accroissement de l'ambiguïté. Andreou, Kagkadisy, Maioz, Philip (2014) proposent un indice d'ambiguïté basé sur la dispersion des prix d'exercice d'options indicées sur le S&P 500<sup>18</sup>. Enfin, Baker, Bloom et Davis (2013) considèrent un indice d'ambiguïté de la politique économique menée par le gouvernement américain basé sur la fréquence avec laquelle la presse fait référence à une telle incertitude ainsi que sur le désaccord dans les prévisions des "experts". Est aussi intégré dans cet indice le nombre de dispositions fiscales venant à échéance. Cet indice connaît des hauts lors d'événements majeurs tels que les élections présidentielles, les guerres du Golfe ou encore l'attaque terroriste du 11 septembre 2001. Il a aussi beaucoup augmenté depuis 2008 du fait d'une incertitude sur la politique budgétaire et sociale.

## 4 Conclusion

Au terme de ce survol, nous espérons avoir fait découvrir au lecteur la richesse d'une littérature récente reliant attitudes face à une incertitude difficilement probabilisable et comportements sur les (et des) marchés financiers. Nombre de modélisations proches (par exemple la "prospect theory" de Kahneman et Tversky (1979) généralisée ensuite à l'incertain et dans laquelle un élément nouveau intervient, avec l'aversion à la perte) ont aussi donné lieu à des avancées significatives, que nous n'avons pas pu présenter faute de place. Par ailleurs, nous nous sommes limités à un sous-ensemble de la littérature, ignorant les comportements d'assurance (e.g. Koufopoulos et Kozhan (2014), Zhu, Kunreuther, Michel-Kerjan (2012) parmi d'autres), et les modèles monétaires (Lioui et Poncet

---

emple dans Galichon et Henry (2013).

<sup>18</sup>Voir aussi Connolly, Stivers et Sun (2005) pour une mesure basée sur la volatilité de prix d'options.

(2012)).

La richesse et la nouveauté de la littérature, théorique et empirique, que nous avons passée en revue sont frappantes. Allant de modélisations sophistiquées à la construction pragmatique d'indices d'ambiguïté sur les marchés, en passant par des prédictions de prix d'actifs ou des comportements individuels, les contributions présentées brièvement ici auront, nous l'espérons, convaincu le lecteur que la boîte à outils de l'économiste souhaitant étudier les marchés financiers se doit maintenant d'inclure le traitement de l'ambiguïté.

## References

- [1] Ahn D., Choi S., Gale D., Kariv S., (2011) "Estimating Ambiguity Aversion in a Portfolio Choice Experiment", working paper, à paraître dans *Quantitative Economics*, 2014.
- [2] Alonso I., Prado M. (2013) "Equity trading under heterogeneity in ambiguity aversion", mimeo.
- [3] Ameriks J. , Zeldes S. (2004), "How Do Household Portfolio Shares Vary with Age?" Working paper, Columbia Business School.
- [4] Anderson E., L. Hansen, T. Sargent (1999), "Robustness detection and the price of risk", *Working paper*, University of Chicago.
- [5] Anderson E., L. P. Hansen, T. Sargent (2003) "A quartet of semi-groups for model specification, robustness, prices of risk, and model detection". *Journal of the European Economic Association* 1, 68-123.
- [6] Anderson E. W., Ghysels E., Juergens J.L. (2009) "The impact of risk and uncertainty on expected returns", *Journal of Financial Economics*, Vol. 94, 2, 233-263.
- [7] Andreou P.C., Kagkadis A., Maio P., Philip D. (2014) "Market Ambiguity and the Equity Premium", <http://dx.doi.org/10.2139/ssrn.2379606>.
- [8] Baker S.R., Bloom N., Davis S.J. (2013) "Measuring Economic Policy Uncertainty", Chicago Booth Research Paper No. 13-02. <http://dx.doi.org/10.2139/ssrn.2198490>.
- [9] Bansal R., Yaron A., (2004), "Risks for the Long Run: A Potential Resolution of Asset Pricing Puzzles", *Journal of Finance*, 59(4), 1481-1509.
- [10] Barberis N., Thaler, R. (2003), "A survey of behavioral finance," in G.M. Constantinides, M. Harris et R. M. Stulz (ed.), *Handbook of the Economics of Finance*, edition 1, volume 1, chapter 18, 1053-1128.

- [11] Barillas F., Hansen L.P., Sargent T. (2009), "Doubts or variability?", *Journal of Economic Theory*, 144, 2388-2418.
- [12] Benigno, P., Nisticò S. (2012) "International Portfolio Allocation under Model Uncertainty." *American Economic Journal: Macroeconomics*, 4(1): 144-89.
- [13] Bewley, T. (2002), "Knightian Decision Theory: Part I", *Decisions in Economics and Finance*, 25, 79-110.
- [14] Bianchi M., Tallon J.-M. (2014), "Ambiguity Preferences and Portfolio Choices: Evidence from the Field", mimeo.
- [15] Billot A., Chateauneuf A., Gilboa I., Tallon J.-M. (2000), "Sharing Beliefs: Between Agreeing and Disagreeing." *Econometrica*, 68, 685-694.
- [16] Bossaerts P., Ghirardato P., Guarnaschelli S., Zame W. (2010), "Ambiguity in Asset Markets: theory and experiments", *Review of Financial Studies*, **23**(4), 1325-1359.
- [17] Boyarchenko, N. (2012) "Ambiguity shifts and the 2007-2008 financial crisis", *Journal of Monetary Economics*, vol. 59(5), 493-507.
- [18] Boyle, P., Garlappi, L., Uppal R., Wang T. (2012), "Keynes Meets Markowitz: The Trade-off Between Familiarity and Diversification", *Management Science*, Vol. 58, No. 2, 253-272.
- [19] Broihanne M.H., Merli M., Roger P. (2005), "Le comportement des investisseurs individuels", *Revue française de gestion*, 4, 145-168.
- [20] Caballero R., Krishnamurthy, A. (2008). "Collective Risk Management in a Flight to Quality Episode". *Journal of Finance*. 63(5): 2195-2236.
- [21] Campbell J., Jackson H., Madrian B., Tufano P. (2011), "Consumer Financial Protection." *Journal of Economic Perspectives*, 25(1): 91-114.
- [22] Campbell J.Y., Viceira L. M. (1999), "Consumption And Portfolio Decisions When Expected Returns Are Time Varying," *The Quarterly Journal of Economics*, vol. 114(2), 433-495.
- [23] Cao H., T., Wang T., Zhang H. (2005), "Model Uncertainty, Limited Market Participation, and Asset Prices." *Review of Financial Studies*, 18, 1219-1251.
- [24] Carlier G., Dana R.-A. (2013), "Pareto optima and equilibria when preferences are incompletely known" *Journal of Economic Theory*, 148,4, 1606-1623.
- [25] Caskey, J. (2009). "Information in equity markets with ambiguity averse investors". *Review of Financial Studies*, 22, 3595-3627.

- [26] Chateauneuf A., Dana R.A., Tallon J.-M. (2000), "Optimal Risk-Sharing Rules and Equilibria with Non-Additive Expected Utility", *Journal of Mathematical Economics*, 34, 191-214.
- [27] Chen Z., Epstein, L. (2002), "Ambiguity, Risk, and Asset Returns in Continuous Time", *Econometrica*, 70, 1403-1443.
- [28] Chen, H., Ju, N., Miao, J. (2014), "Dynamic asset allocation with ambiguous return predictability.", à paraître, *Review of Economic Dynamics*.
- [29] Collard F., Mukerji S., Sheppard K., Tallon J.-M., (2011). "Ambiguity and the historical equity premium," working paper.
- [30] Condie, S., Ganguli, J. (2011a), "Ambiguity and partially-revealing rational expectations equilibria". *Review of Economic Studies*, 78, 821-845.
- [31] Condie S., Ganguli J. (2011b), "Informational efficiency with ambiguous information," *Economic Theory*, Springer, vol. 48(2), 229-242.
- [32] Condie S., Ganguli J. (2012), "The pricing effects of ambiguous private information," Economics Discussion Papers 720, University of Essex, Department of Economics.
- [33] Condie S., Ganguli J., Illeditsch P. K. (2012) "Information Inertia" Economics Discussion Papers 719, University of Essex, Department of Economics.
- [34] Connolly R., Stivers C., Sun L., (2005) "Stock Market Uncertainty and the Stock-Bond Return Relation", *The Journal of Financial and Quantitative Analysis*, Vol. 40, No. 1, 161-194.
- [35] Corgnet B., Kujal K, Porter, D. (2012), "Reaction to Public Information in Markets: How much does Ambiguity Matter?", *The Economic Journal*, 123, 699-737.
- [36] Dana, R.A (2004), "Ambiguity, Uncertainty Aversion and Equilibrium Welfare", *Economic Theory*, 23-3, 569-587.
- [37] Dana R.-A., Riedel F. (2013), "Intertemporal Equilibria with Knightian Uncertainty?", *Journal of Economic Theory*, 148,4, 1582-1605.
- [38] De Castro L., Chateauneuf A. (2011), "Ambiguity Aversion and Trade", *Economic Theory*, 48: 243-273.
- [39] De Castro L., Pesce M., Yannelis, N. (2011), "A New Perspective to Rational Expectations: Maximin Rational Expectations", mimeo.
- [40] De Castro L., Yannelis, N. (2010), "Uncertainty, Efficiency and Incentive Compatibility", mimeo.

- [41] Diether K. B., Malloy C. J., Scherbina A. (2002) "Differences of Opinion and the Cross Section of Stock Returns", *The Journal of Finance*, Vol. 57, No. 5, 2113-2141.
- [42] Dimmock, S.G., Kouwenberg R., Mitchell O.S., Peijnenburg K. (2013), "Ambiguity Aversion and Household Portfolio Choice: Empirical Evidence", *NBER Working Paper* N° 18743.
- [43] Dlugosch D., Wang M. (2014) "Relation between Equity Home Bias and Ambiguity Aversion: An International Study", mimeo.
- [44] Dow J., Werlang C. (1992), "Uncertainty Aversion, Risk Aversion and the Optimal Choice Portfolio", *Econometrica*, 60, 1, 197-207.
- [45] Easley D., O'Hara M. (2009), "Ambiguity and Non-participation: The role of regulation", *Review of Financial Studies*, 22, 1818-1843.
- [46] Easley D., O'Hara M. (2010a), "Microstructure and Ambiguity", *Journal of Finance* 65.5: 1817-1846.
- [47] Easley D., O'Hara M. (2010b), "Liquidity and Valuation in an Uncertain World", *Journal of Financial Economics*, 97.1: 1-11.
- [48] Epstein L., Ji S. (2013), "Ambiguous volatility and asset pricing in continuous time", *Review Financial Studies* 26(7): 1740-1786.
- [49] Epstein L., Ji S. (2014), "Ambiguous volatility, possibility and utility in continuous time", *Journal of Mathematical Economics*, vol. 50(C), 269-282.
- [50] Epstein L., Schneider M. (2008). "Ambiguity, Information Quality, and Asset Pricing", *Journal of Finance*, 63, 197-228.
- [51] Epstein L., Schneider M. (2010), "Ambiguity and Asset Markets", *Annual Review of Financial Economics*, 2(1), 315-346.
- [52] Epstein L., Wang T. (1994). "Intertemporal Asset Pricing under Knightian Uncertainty", *Econometrica*, 62, 283-322.
- [53] Etner J., Jeleva M., Tallon J.M. (2012), "Decision theory under ambiguity", *Journal of Economic Surveys*, Vol. 26, 2, 234-270.
- [54] Faria G., Correia-da-Silva J. (2012) "The price of risk and ambiguity in an intertemporal general equilibrium model of asset prices", *Annals of Finance*, 8, 507-531.
- [55] Füllbrunn, Rau, et Weitzel (2014), "Does ambiguity aversion survive in experimental asset markets", *Journal of Economic Behavior and Organization*, in press.

- [56] Gagliardini P., Porchia P., Trojani F. (2009) "Ambiguity Aversion and the Term Structure of Interest Rates," *Review of Financial Studies*, vol. 22(10), 4157-4188.
- [57] Gajdos T., T. Hayashi, J.-M. Tallon, J.-C. Vergnaud (2008), "Attitude toward imprecise information", *Journal of Economic Theory*, 140, 27-65.
- [58] Galichon A., Henry M., (2011). "Set Identification in Models with Multiple Equilibria," *Review of Economic Studies*, vol. 78(4), 1264-1298.
- [59] Galichon A., Henry M., (2013), "Dilation bootstrap," *Journal of Econometrics*, vol. 177(1), 109-115.
- [60] Garlappi L., Uppal R., Wang T. (2007), "Portfolio Selection with Parameter and Model Uncertainty: a multi-prior approach", *Review of Financial Studies*, **20**, 41-81.
- [61] Gilboa, I., Schmeidler D. (1989), "Maxmin expected utility with nonunique prior", *Journal of Mathematical Economics*, 18, 141-153.
- [62] Gollier C. (2011) "Portfolio Choices and Asset Prices: The Comparative Statics of Ambiguity Aversion," *Review of Economic Studies*, vol. 78(4), 1329-1344.
- [63] Guidolin M., Liu H. (2013) "Ambiguity Aversion and Under-diversification", IGIER working paper n. 483.
- [64] Guidolin, M., Rinaldi F. (2009). "A Simple Model of Trading and Pricing Risky Assets under Ambiguity: Any Lessons for Policy-Makers?" Working paper No. 2009-020A, Federal Reserve Bank of St. Louis.
- [65] Guidolin M., Rinaldi F. (2013), "Ambiguity in Asset Pricing and Portfolio Choice: a review of the literature", *Theory and Decision*, **74**(2), 183-217.
- [66] Haliassos M., Bertaut C. C. (1995), "Why Do So Few Hold Stocks?", *The Economic Journal*, 105, 1110-29;
- [67] Hansen, L.P., Sargent T. J. (2001), "Robust Control and Model Uncertainty", *American Economic Review*, 91, 60-66.
- [68] Henry M., Galichon A. (2011) "Set identification in models with multiple equilibria," *Review of Economic Studies*, 78(4) 1264-1298.
- [69] Henry M., Galichon A. (2013) "Ambiguïté, identification partielle et politique environnementale," *Revue économique*, 64(4) 603-613.
- [70] Illeditsch P.K. (2011), "Ambiguity Information, portfolio inertia, and excess volatility", *The Journal of Finance*, **66**(6), 2213-2247.

- [71] Ilut, C. (2012), "Ambiguity Aversion: Implications for the Uncovered Interest Rate Parity Puzzle." *American Economic Journal: Macroeconomics*, 4(3): 33-65.
- [72] Ilut C., Schneider M. (2012), "Ambiguous Business Cycles" NBER Working Paper 17900.
- [73] Jeong D., Kim H., Park J. (2014), "Does ambiguity matter? Estimating asset pricing models with a multiple-priors recursive utility", *Journal of Financial Economics*, à paraître.
- [74] Ju N., Miao, J. (2012), "Ambiguity, Learning, and Asset Returns", *Econometrica*, Vol. 80, No. 2, 559-591.
- [75] Kahneman, D. , Tversky A. ( 1979), "Prospect theory: an analysis of decision under risk", *Econometrica*, 47, 263-291.
- [76] Klibanoff P., Marinacci M., Mukerji S. (2005), "A Smooth Model of Decision Making under Ambiguity", *Econometrica*, 73, 1849-1892.
- [77] Kogan L., Wang, T. (2003) "A Simple Theory of Asset Pricing under Model Uncertainty." Massachusetts Institute of Technology, Working Paper.
- [78] Koufopoulos K., Kozhan R. (2014), "Welfare-improving ambiguity in insurance markets with asymmetric information", *Journal of Economic Theory*, 151, 551-560.
- [79] Leippold M., Trojani F., Vanini P. (2008) "Learning and Asset Prices Under Ambiguous Information," *Review of Financial Studies*, vol. 21(6), 2565-2597.
- [80] Lin Q., Riedel F. (2014) "Optimal consumption and portfolio choice with ambiguity", working paper 497, Center for Mathematical Economics, U. Bielefeld.
- [81] Lioui A., Poncet P. (2012) "On model ambiguity and money neutrality", *Journal of Macroeconomics*, 34, 1020-1033.
- [82] Liu, H. (2010). "Robust consumption and portfolio choice for time varying investment opportunities." *Annals of Finance*, 6, 435-454.
- [83] Liu, H. (2011). "Dynamic portfolio choice under ambiguity and regime switching mean returns". *Journal of Economic Dynamics and Control*, 35, 623-640.
- [84] Machina M., Siniscalchi M. (2013) "Ambiguity and Ambiguity Aversion" in Economics of Risk and Uncertainty, Handbook in Economics, North Holland, Machina and Viscusi eds.
- [85] Maccheroni F., Marinacci M., Ruffino D. (2013), "Alpha as Ambiguity: Robust Mean Variance Portfolio Analysis," *Econometrica*, vol. 81(3), 1075-1113.



- [86] Maenhout, P., (2000), "Robust Portfolio Rules", Chapter 1 in Essays on Portfolio Choice and Asset Pricing, unpublished Ph.D. Thesis, Harvard University.
- [87] Maenhout, P.J. (2004). "Robust Portfolio Rules and Asset Pricing" *Review of Financial Studies*, 17, 951-983.
- [88] Mandler, M. (2013), "Endogenous indeterminacy and volatility of asset prices under ambiguity", *Theoretical Economics* 8, 729-750.
- [89] Manski C. (2005), "Partial identification with missing data: concepts and findings", *International Journal of Approximate Reasoning*, 39(2-3):151-165.
- [90] Mehra, R., Prescott, E.C. (1985). "The equity premium: A puzzle". *Journal of Monetary Economics*, 15, 145-161.
- [91] Mele A., Sangiorgi F., (2013) "Uncertainty, Information Acquisition and Price Swings in Asset Markets", working paper.
- [92] Meyer, J. , Ormiston M. B. (1985), "Strong Increase in Risk and Their Comparative Statics?", *International Economic Review* 26, 425-437.
- [93] Miao J., Wei B., Zhou, H. (2012), "Ambiguity Aversion and Variance Premium", working paper.
- [94] Mukerji S., Tallon J.-M. (2001), "Ambiguity Aversion and Incompleteness of Financial Markets", *Review of Economic Studies*, 68, 883-904.
- [95] Oh, J.-Y. (2014), "Ambiguity aversion, funding liquidity, and liquidation dynamics", *Journal of Financial Markets*, 18, 49-76.
- [96] Ozsoylev, H., Werner, J. (2009). "Liquidity and asset prices in rational expectations equilibrium with ambiguous information". *Journal of Economic Theory*, 48(2), 469-491.
- [97] Pinar M., (2014) "Equilibrium in an ambiguity-averse mean-variance investors market", *European Journal of Operational Research* 237, 957-965.
- [98] Potamites E., Zhang B. (2012), "Heterogeneous Ambiguity Attitudes: a field experiment among small-scale stock investors in China", *Review of Economics Design*, 16, 193-213.
- [99] Rieger M.-O. , Wang M. (2012), "Can ambiguity aversion solve the equity premium puzzle? Survey evidence from international data", *Finance Research Letters*, 9, 63-72.

- [100] Rigotti L., Shannon, C. (2005), "Uncertainty and Risk in Financial Markets," *Econometrica*, 73(1), 203-243.
- [101] Rigotti L., Shannon C., Strzalecki, T. (2008), "Subjective Beliefs and Ex Ante Trade". *Econometrica* 76: 1176-1190.
- [102] Rothschild, M., Stiglitz J. E., (1971), "Increasing Risk II: Its Economic Consequences", *Journal of Economic Theory*, 3, 225-243.
- [103] Ruffino D. (2013), "A Robust Capital Asset Pricing Model", mimeo.
- [104] Schmeidler D. (1989), "Subjective probability and expected utility without additivity" *Econometrica*, 57, 571-587.
- [105] Séjourné B. (2006), "Pourquoi le comportement des épargnants français est-il si peu conforme à la théorie traditionnelle du portefeuille?", *Rapport AMF*.
- [106] Tallon, J.-M. (1998), "Asymmetric Information, Non-Additive Expected Utility and the Information Revealed by Prices: An Example", *International Economic Review*, N°39, 329-342.
- [107] Trojani, F., Vanini P. (2002). "A Note on Robustness in Merton's Model of Intertemporal Consumption and Portfolio Choice.", *Journal of Economic Dynamics and Control*, 26, 423-435.
- [108] Trojani F., Vanini P. (2004). "Robustness and Ambiguity Aversion in General Equilibrium." *Review of Finance*, 8, 279-324.
- [109] Ulrich M. (2013) "Inflation ambiguity and the term structure of U.S. Government bonds", *Journal of Monetary Economics*, 60, 295-309.
- [110] Uppal R., Wang T. (2003), "Model Misspecification and Underdiversification", *The Journal of Finance*, vol. LVIII, 6, 2465-2486.
- [111] Werner J. (2014), "Speculative Trade under Ambiguity". Miméo, Mai 2014.
- [112] Zhu W. (2011) "Ambiguity aversion and an intertemporal equilibrium model of catastrophe-linked securities pricing", *Insurance: Mathematics and Economics*, 49, 38-46.
- [113] Zhu W., Kunreuther H., Michel-Kerjan E. (2012) "Ambiguity Types, Robust Learning and Natural Catastrophe Insurance: How Long-Term Contracts May Help?", mimeo, <http://dx.doi.org/10.2139/ssrn.2113828>.